

# **Zeitbewertete Netzmodelle**

**Dr. Bernd Baumgarten  
Fraunhofer SIT, Darmstadt  
bernd.baumgarten@sit.fraunhofer.de  
<http://private.sit.fraunhofer.de/~baumgart/>**

**Kolloquiumsvortrag  
am Institut für Informatik  
Brandenburgische TU Cottbus  
14.12.2004  
(Überarbeitete Version vom 22.12.04)**

**Ich danke Frau Prof. Dr. Monika Heiner und ihren Mitarbeitern  
für ihre Verbesserungsvorschläge.**

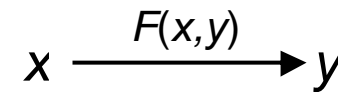
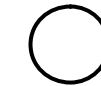
# Übersicht

|   |    |
|---|----|
| Petri-Netze und ST-Systeme.....                                       | 3  |
| Mögliche Zeitbedingungen<br>und ihre Darstellung in Timernetzen ..... | 5  |
| Diskret beobachtete Systeme →<br>natürliche Semantik .....            | 14 |
| Zeitbedingungen → Logik, Matrizen, Graphen .....                      | 17 |
| Timernetze → natürliche Semantik, formal .....                        | 23 |
| Zonengraph – ein Beobachtungsakzeptor<br>ohne Markenspiel .....       | 28 |
| Informeller Vergleich<br>mit anderen zeitbewerteten Netzen .....      | 38 |
| Interessante Themen und Fragen .....                                  | 43 |
| Ausführliche Hinweise zu einzelnen Folien .....                       | 44 |

# Petri-Netze, Stellen-Transitions-Systeme

Ein **Stellen-Transitions-** (bzw. **ST-**) **System**, ist ein Tupel  $Sys = (P, T, F, M_0)$  mit

- $P$  endliche Menge von **Stellen**,
- $T$  endliche Menge von **Transitionen**, disjunkt zu  $P$ ,
- $F: (P \times T) \cup (T \times P) \rightarrow \mathbb{N}_0$  ist die **Fluss-Funktion**,



(Kanten, Kantengewichte)

Zeichenkonventionen:

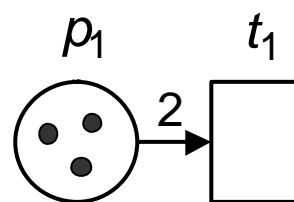


,

- $M_0 : P \rightarrow \mathbb{N}_0$  ist die **Anfangsmarkierung**.



Beispiel:



$$P = \{p_1\}, T = \{t_1\}$$

$$F = \{((p_1, t_1), 2), ((t_1, p_1), 0)\}$$

$$M_0 = \{(p_1, 3)\}$$

# Schaltungen – ein Beispiel

## Was ist modelliert?

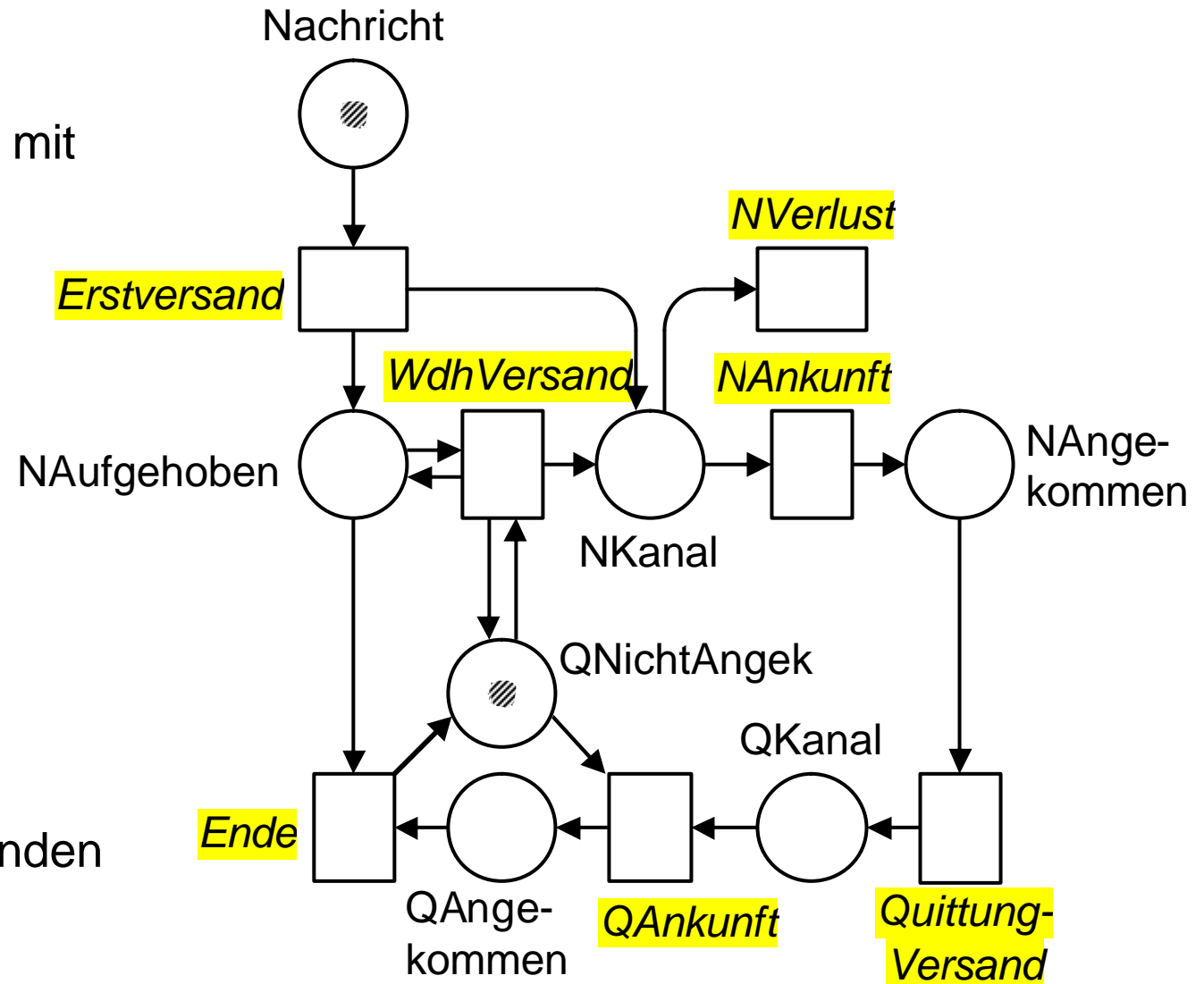
Versand **einer** Nachricht mit

- Nachrichtenkanal mit Verlust
- Quittierung ohne Verlust
- Wiederholung bei ausbleibender Quittung

## Aufgabe:

**Zeitwissen** →

**Unnötiges**  
Warten, Wiederversenden  
**vermeiden!**



# Ziele der Zeitbewertung

**Zeitliche Anforderungen** an die Transitionsschaltungen  
in Stellen-Transitions-Systemen spezifizieren!

1. Grenzen bezüglich der früheren Schaltzeitpunkte **anderer Transitionen**,
2. Grenzen bezüglich der früheren Schaltzeitpunkte **derselben Transition**,
3. Grenzen bezüglich der **wahren Uhrzeit bzw. absoluten Zeit**,
4. oder auch: **schnellstmöglich, unverzüglich**,
5. Grenzen auch für **Differenzen** zwischen abgelaufenen Zeiten.

# Transitionstypen

Es zeigt sich, dass man drei Arten von Transitionen gebrauchen kann:

- KANN-Transitionen
- MUSS-Transitionen
- ASAP-Transitionen

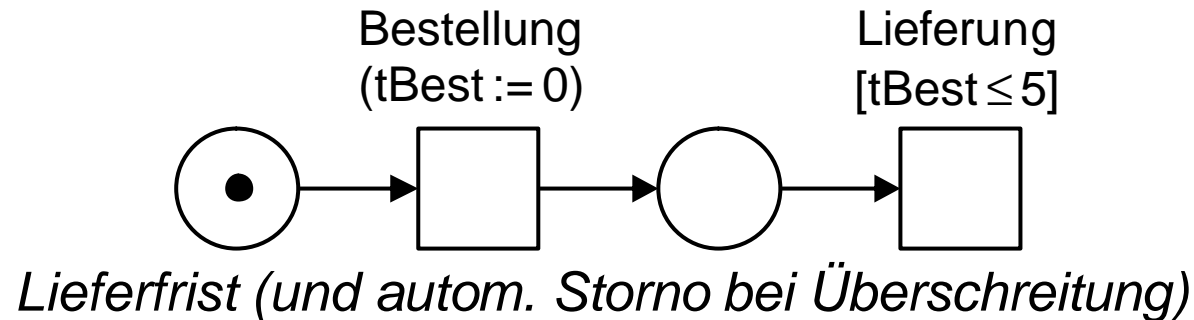


Alle ohne  
Zeitverbrauch!  
**Zeit** vergeht nur  
**zwischen**  
Transitions-  
schaltungen!

Wir führen in intuitiv verständlichen Beispielen  
**parallel**

- sowohl die verschiedenen **Zeitbezüge**
- als auch die **Transitionstypen** ein.

## KANN Transitionen + Grenzen bezüglich der früheren Schaltzeitpunkte anderer Transitionen



### Informelle Beschreibung:

Lieferung nur bis zu 5 Zeiteinheiten nach Bestellung – ansonsten gar nicht.

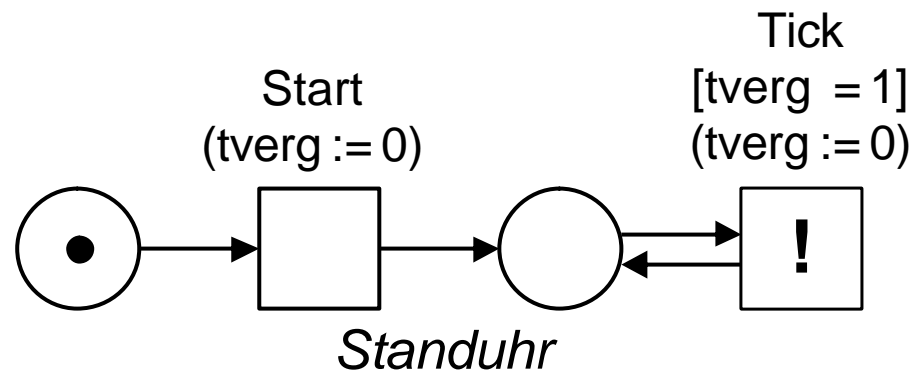
*Lieferung* ist eine **optionale**, eine **KANN-Transition**.

**Anmerkungen:**

- tx** = Zeit auf der Stoppuhr (dem Timer) tx
- ( )** umschließt Timerstarts.
- [ ]** umschließt Zeitbedingungen.

**Weitere Beispiele:** Öffnungszeiten, gesetzliche Kann-Fristen, usw.

# MUSS-Transitionen + Grenzen bezüglich der früheren Schaltzeitpunkte derselben Transition



## Informelle Beschreibung:

Sie tickt garantiert nach jeder Zeiteinheit, erstmals eine Zeiteinheit nach ihrem Start. Tick ist eine **notwendige**, eine **MUSS-Transition**.

## Anmerkungen:

!

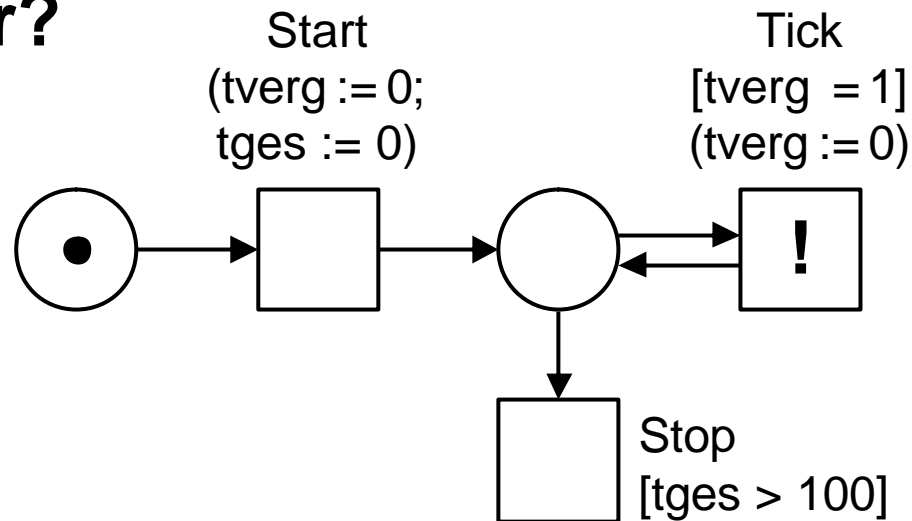
MUSS-Transition

Sie muss im angegebenen Zeitraum schalten, wenn sie bei dessen Ablauf aktiviert sind.

Nur ein zeitliches MUSS ist ein wirksames MUSS.



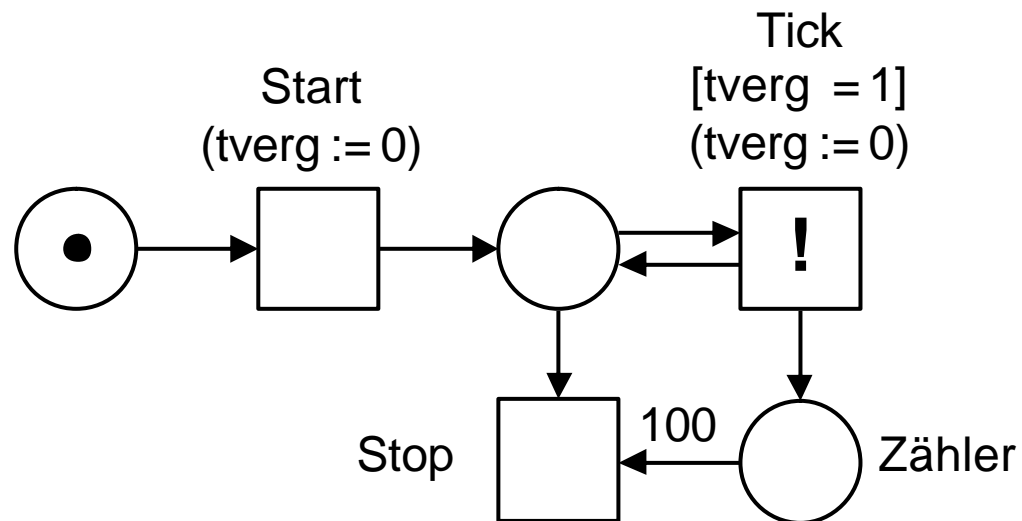
# Zeiten $\leftrightarrow$ Zähler?



**Erweiterte Standuhr:**

**darf stehbleiben,**

**muss aber mindestens  
100 mal ticken.**



# Absolute Zeit + Grenzen bezüglich der Weltzeit bzw. absoluten Zeit



*Neujahrsfeuerwerk*

## Informelle Beschreibung:

Das Neujahrsfeuerwerk soll am 1.1.2005 um Mitternacht beginnen.

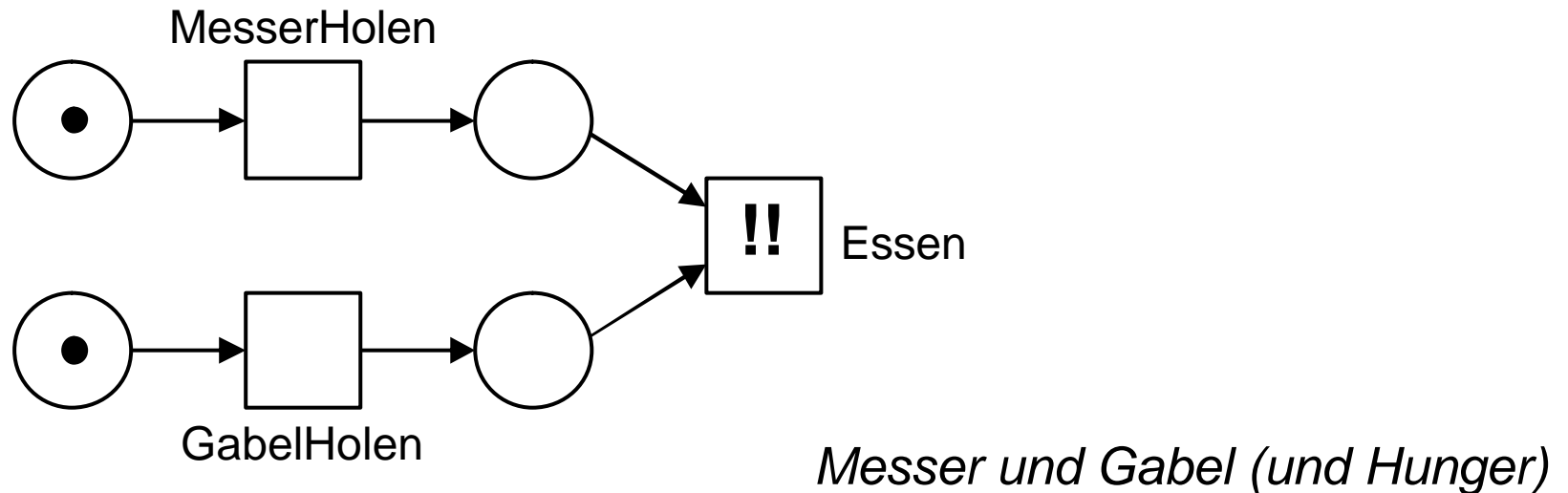
## Anmerkungen:

**tAbs** = absolute Weltzeit (z.B. GMT)

StarteFeuerwerk: MUSS-Transition.

# ASAP-Transitionen

schnellstmöglich, unverzüglich, **As Soon As Possible**



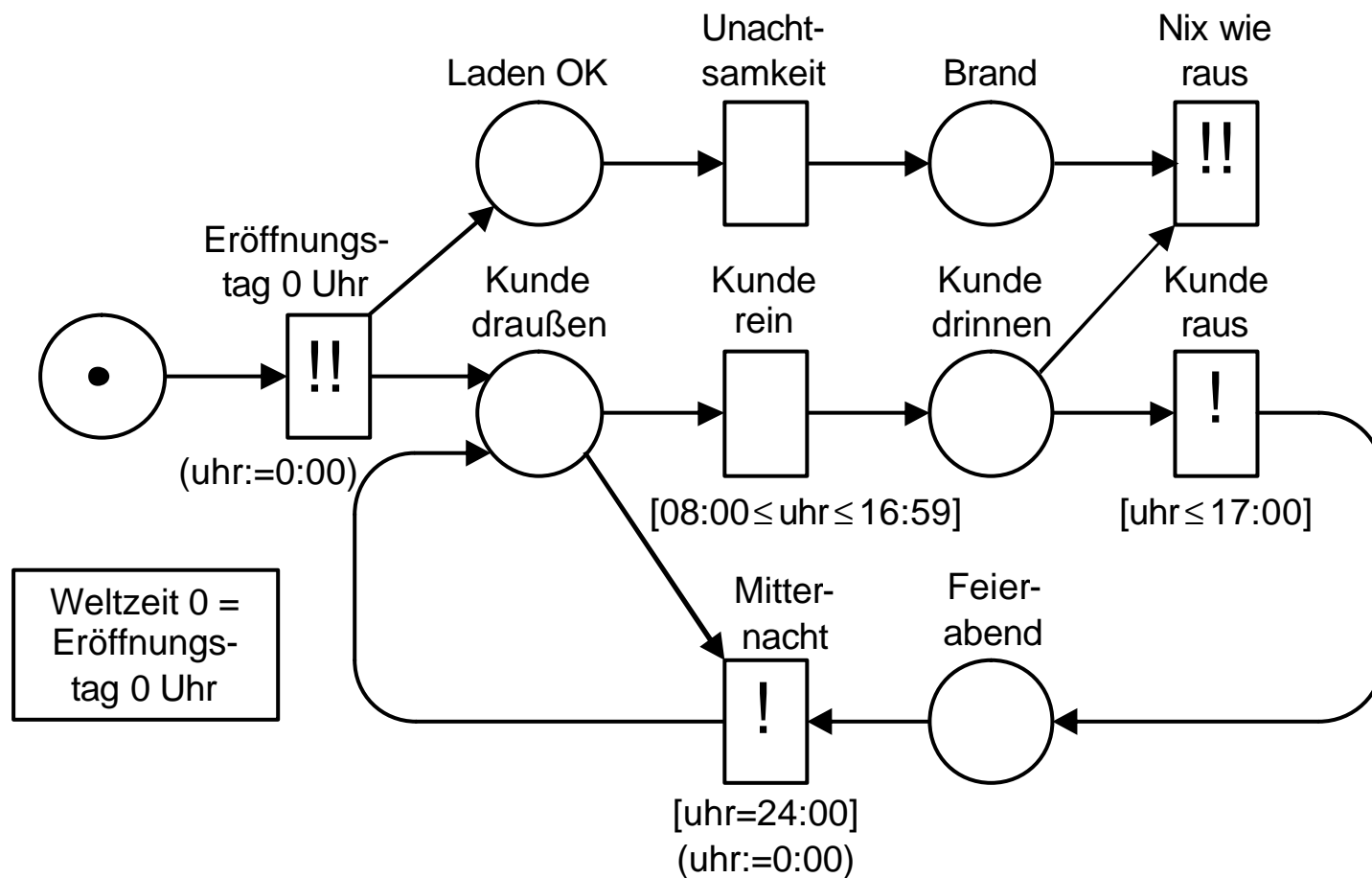
## Informelle Beschreibung:

Essen geschieht, sobald Messer und Gabel geholt sind.

## Anmerkungen: !! ASAP-Transition

Sie schaltet, sobald sie „**markenaktiviert**“ ist **und ihre Zeitbedingungen** (hier hat sie keine) erfüllt sind.

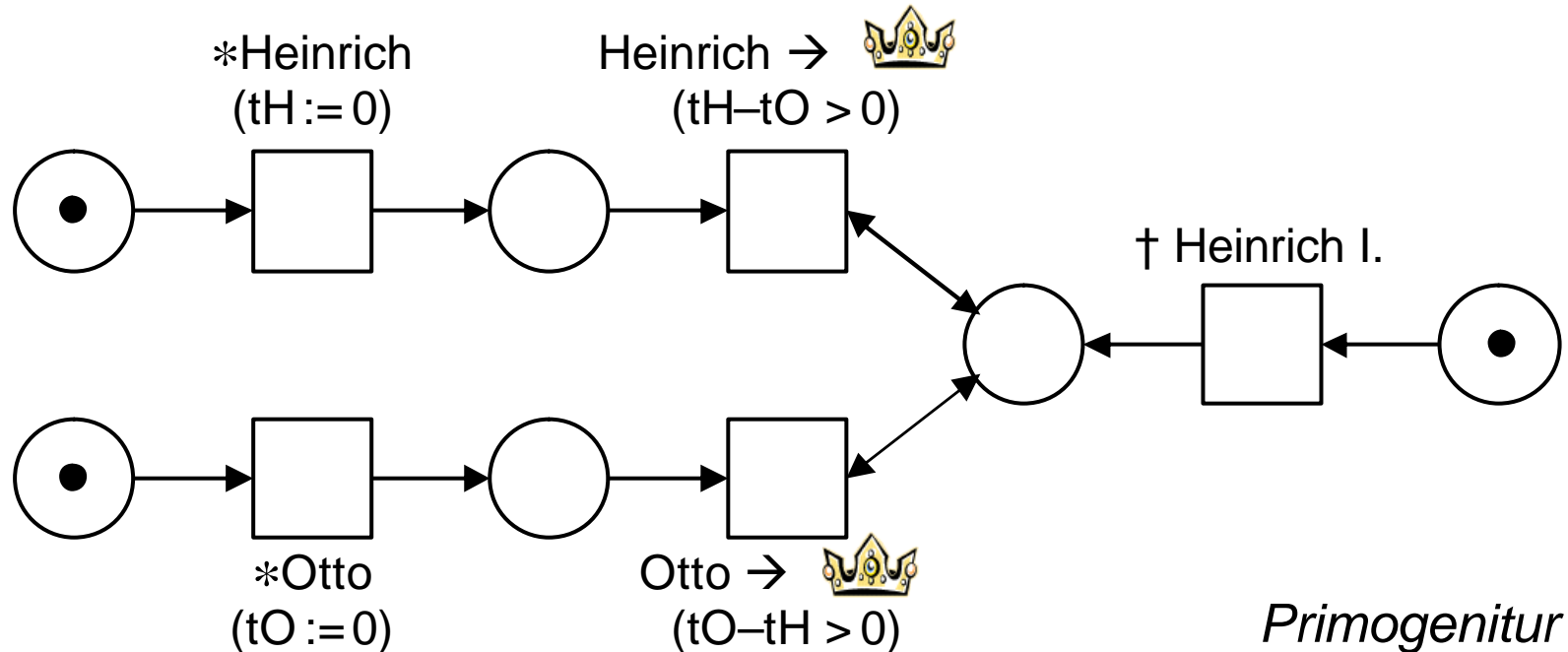
# KANN + MUSS + ASAP – ein Beispiel



„Öffnungszeiten tägl. 8-17 Uhr“ (legales Kundenverhalten)

# Timerdifferenzen

Grenzen auch für **Differenzen** zwischen abgelaufenen Zeiten

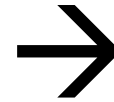


## Informelle Beschreibung:

Des Königs Heinrich I. („der Vogler“) erstgeborener Sohn war nach des Vaters Tod erster Thronanwärter. Aus Prinz Otto wurde später Otto der Große, aus Prinz Heinrich wurde Heinrich der Zänker.

# Diskrete Systeme

Empirismus  
(Pragmatismus, Positivismus,  
Materialismus, Behaviourismus,  
Realismus, ...)



Ein System „ist“  
was man davon  
- direkt oder indirekt -  
beobachten  
kann - und will.

## Anwendungs-Beispiel:

Gibt es diskrete Systeme?  
Gibt es kontinuierliche Systeme?



philosophisch-physikalische Diskussionen!

**Systeme**  
(diskret oder kontinuierlich)  
können wir per Entschluss  
+ Abstraktionsfähigkeit  
als **diskret beobacht- und  
beeinflussbar** ansehen.

# Diskret beobachtete Systeme

**DORTS** = Discretely Observed Real Time System  $sys$

natürliche **DORTS-Semantik:**

(praktisch identisch!)

Menge  $Obs(sys)$  möglicher **Beobachtungen** (= Beob.-protokolle)

$$obs = ((a, t_0), (v_1, t_1), (v_2, t_2), \dots, (v_n, t_n), (w, t_{n+1}))$$

$n = 0, 1, \dots$

**endliche** Folge

$v_k \in Events$  im Kontext **relevante sichtbare atomare Ereignisse**  
(Datenobjekte) –



vom Beobachter, vom System oder gemeinsam initiiert

$t_k \in \mathbb{R}, t_k \leq t_{k+1}$  **Momente** der atomaren Ereignisse in abs. Zeit

$a, w$  **Beginn** bzw. **Ende** der Beobachtung (**optional**)



Implementation =  $sys_1$   
Spezifikation =  $sys_2$  } **Konformität:**  $Obs(sys_1) \subseteq Obs(sys_2)$

# DORTS – Frage und Vereinfachungen

● Warum nur  $t_k \leq t_{k+1}$  und nicht  $t_k < t_{k+1}$  ?

Zeno-Problem?

Sinnvolle Reihenfolge?

● Vereinfachung #1:  $t_k \in \mathbb{N}$  (Zeiteinheit = Tick–Tick)

Vereinfachung #2:  $t_k < a, a \in \mathbb{R} \rightarrow t_k \leq b, b \in \mathbb{N}$

Vereinfachung #3:  $a, w \in Events \rightarrow obs = ((v_1, t_1), (v_2, t_2), \dots, (v_n, t_n))$

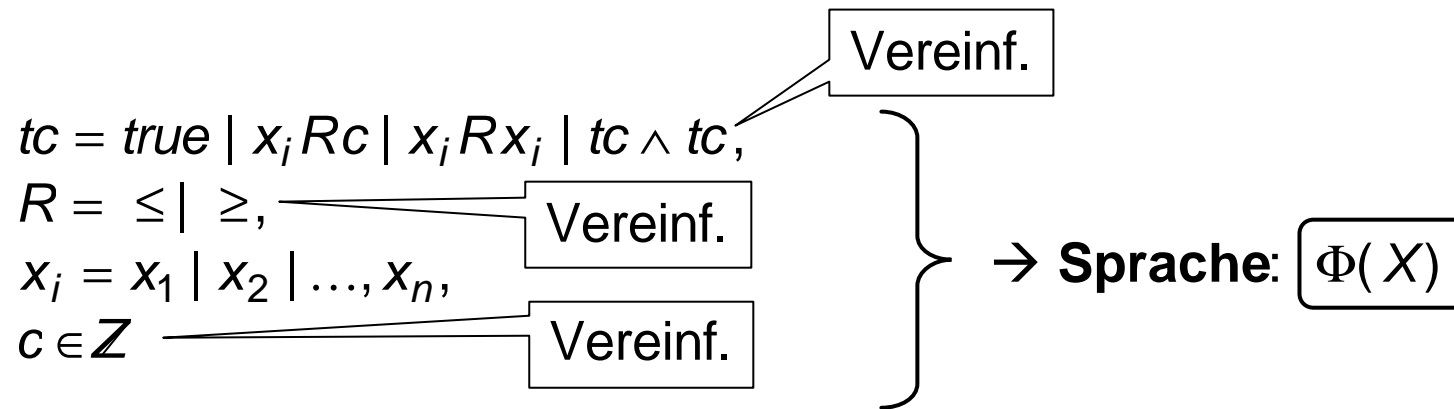
explizit  
hineinmodellieren!



# Timerbedingungen

$X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  endliche Menge von "Timer-(Uhren-)Namen".

**Timerbedingung-Grammatik:**



Technischer Einschub:  
Umgang mit Timerbedingungen

# Fragen zu Timerbedingungen

**Ziel:** Wann sind 2 tc's äquivalent?  
Wann ist eine tc unerfüllbar?

**Weg:** Mit abgespeckter linearer Optimierung??

**Wegen spezieller Form  
der Timerbedingungen ...**



Ungleichungssysteme

Matrizen

Graphen

# Vom Ungleichungssystem zur Matrix

**tc** sei Timerbedingung für  $X = \{x_1, \dots, x_n\}$ .

1. Ergänze:  $0 \leq x_k - x_k \leq 0 \quad (1 \leq k \leq n)$ , 2. Forme um:

$$a \leq x_m - x_l \leq b, \quad l > m$$

$$-\infty \leq x_i - x_k \leq \infty \quad (1 \leq i, k \leq n).$$

$$\rightarrow -b \leq x_l - x_m \leq -a$$

2. Bilde  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Maximum aller Untergrenzen} \\ \text{Minimum aller Obergrenzen} \end{array} \right\}$  von  $\left\{ \begin{array}{l} x_k \\ x_i - x_k, 1 \leq k \leq i \leq n \end{array} \right\}$

3.  $\rightarrow$  Intervallform:

$$\forall 1 \leq k \leq n: \quad -D_{0k} \leq x_k \leq D_{k0}$$

$$\forall 1 \leq k \leq i \leq n: \quad -D_{ki} \leq x_i - x_k \leq D_{ik}$$

bzw. ... mit  $\boxed{x_0 \equiv 0}$

$\rightarrow$  Obergrenzenform,:

$$\boxed{\forall 1 \leq k, i \leq n: x_i - x_k \leq D_{ik}}$$

bzw. ...

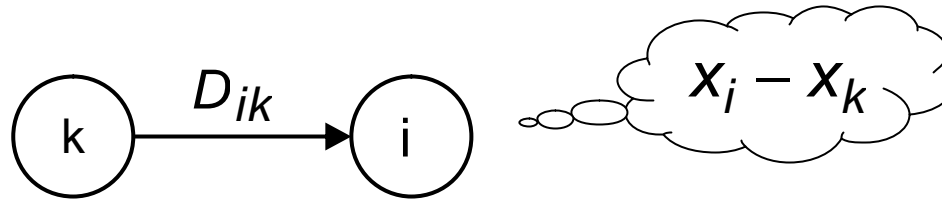
**Normal-  
form(en)**

4.  $\rightarrow$  Difference Bound Matrix, DBM, für **tc**

$$D(tc) = (D_{ik}) \quad i, k = 0, \dots, n$$

# Von der Matrix zum Kostengraphen

Schema:

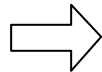


als Default weglassbar:

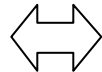


Beispiel:

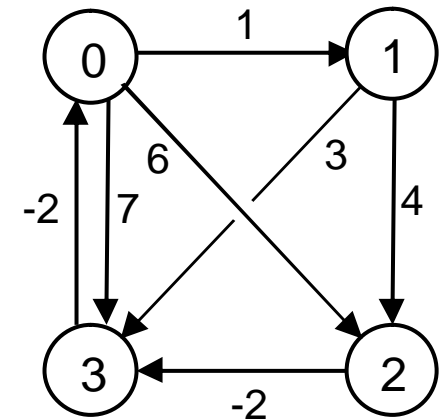
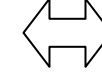
$$\begin{aligned} x_1 &\leq 1 \\ x_2 &\leq 6 \\ 2 &\leq x_3 \leq 7 \\ x_3 - x_1 &\leq 3 \\ x_2 - x_1 &\leq 4 \\ 2 &\leq x_2 - x_3 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} x_0 - x_0 &\leq 0 \\ x_0 - x_1 &\leq \infty \\ &\vdots \\ x_3 - x_1 &\leq 3 \\ x_3 - x_2 &\leq -2 \\ x_3 - x_3 &\leq 0 \end{aligned}$$



$$\begin{pmatrix} 0 & \infty & \infty & -2 \\ 1 & 0 & \infty & \infty \\ 6 & 4 & 0 & \infty \\ 7 & 3 & -2 & 0 \end{pmatrix}$$



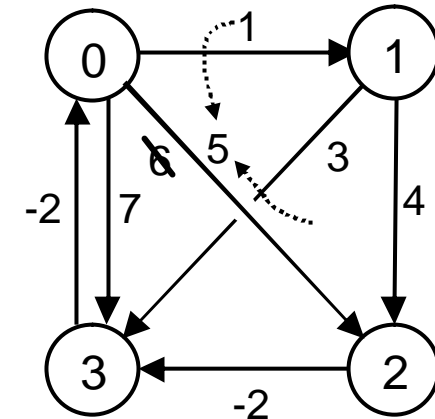
# Kanonische Darstellungen von Timerbedingungen

Manche Ungleichungen implizieren andere:  $(x_2 - x_1 \leq 4) \wedge (x_1 \leq 1) \Rightarrow (x_2 \leq 5)$

→ In Timerbedingung: evtl. verschärfe Ungleichungen (gleiche Systemlösungen!)

In DBM:  $D_{20} \leq D_{21} + D_{10}$

Im Graphen: „billigere“ Wege.



**Schärfste Ungleichungen**

in  $tc$

$\leftrightarrow \forall 0 \leq i, j, k \leq n: D_{ik} \leq D_{ij} + D_{jk}$  in  $D(tc)$

$\leftrightarrow$  **Minimalkostengraph:**

$G(tc)$

„kanonisch“ „K(...)"

$tc_1, tc_2$  sind **lösungsäquivalent**

$\Leftrightarrow K(D(tc_1)) = K(D(tc_2))$

Timerbedingung  $tc$  ist **lösbar**

$\Leftrightarrow K(D(tc_1))$  enthält kein  $-\infty$

$\Leftrightarrow G(tc)$  enthält keinen „Gewinnzyklus“

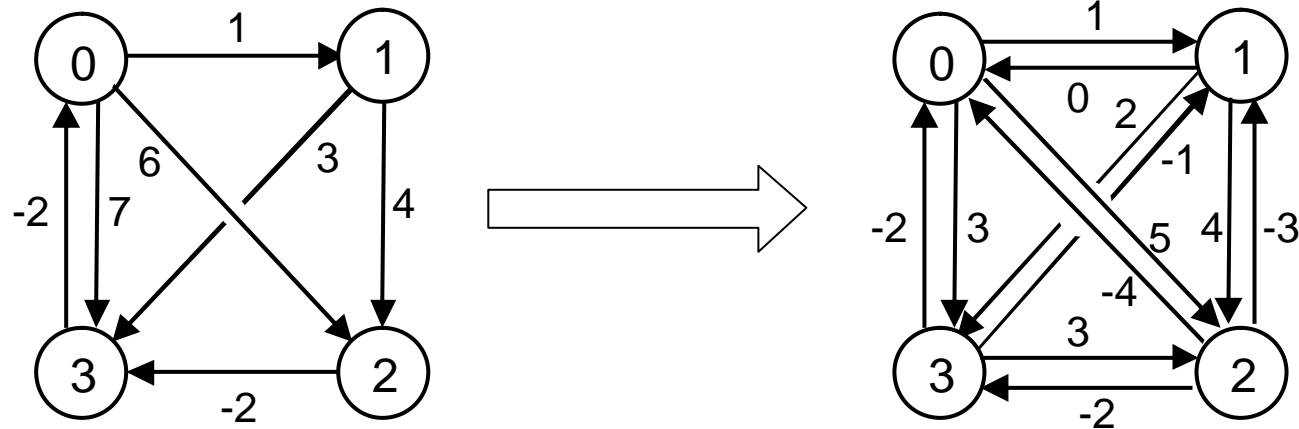
# Floyd-Warshall-Algorithmus

berechnet →

Minimalkostengraphen zu  
gegebenem Digraphen mit  
reellwertigen Kantenkosten,  
also auch  
kanonische DBM und  
kanonische Normalform einer  
Timerbedingung.

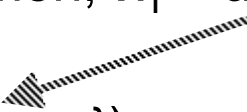
```
FOR j:=1,...,n
  FOR i:=1,...,n
    FOR k:=1,...,n
       $D_{ik}^{(j)} := \min(D_{ik}^{(j-1)}, D_{ij}^{(j-1)} + D_{jk}^{(j-1)})$ 
```

Im Beispiel:



# Timernetze (Baumgarten 1990 +2005?)

Ein **Timernetz** ist ein Tupel  $N = (P, T, F, M_0, Type, X, C, St)$  mit

- ST-System  $(P, T, F, M_0)$ ;
- $Type : T \rightarrow \{\text{KANN, MUSS, ASAP}\}$ ; mit nichts,! oder !! drin
- $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  ist eine Menge  $\neq \emptyset$  von Timer(Uhren)namen;  $x_1 \approx$  **absolute Zeit**
- $C : T \rightarrow \Phi(X)$ ;
- $St : T \rightarrow \{\{x_2, \dots, x_n\}\}$   [ *Timerbedingung* ]  
( *Timerstarts* )

Praktische Anwendung  $\rightarrow$  **globale Parameter**

**Zeiteinheit,**

z.B., msec, Sekunden, Tage;

**Bezugszeitpunkt** von  $x_1$ ,

z.B.  $x_1 = 0 \approx$  1. Jan. 2000, 0:00 h MEZ,  
früh genug dass  $x_1 \geq 0$ .

# Zur natürlichen Semantik von Timernetzen

**Uhrenstand** (timer reading):  $tr : X \rightarrow \mathbb{N}_0$

abgeleitete Uhrenstände:  $tr_{Y:=0}(x_k) := \text{IF } x_k \in Y \text{ THEN } 0 \text{ ELSE } tr(x_k)$

$[tr + \mathbf{x}](x_k) := tr(x_k) + \mathbf{x}$

**Zeitmarkierung** (timed marking):

Paar  $(M, tr)$

Markierung  $M$  + Timer reading  $tr$ .

Menge:  $TM(\text{sys})$ .



**Zeitaktivierung** (temporal activation):  $t$  ist zeitaktiviert unter  $(M, tr)$ :

$t$  ist (marken)aktiviert unter  $M$  +  
 $tr$  erfüllt Timerbedingung  $C(t)$ .

**Zeitschaltung** (temporal occurrence): Paar  $(t, \mathbf{x})$

Transition  $t$  + Weltzeitwert  $\mathbf{x} \in \mathbb{N}_0$ .

**Pause** (passage of time):

Paar  $(d, \mathbf{x})$

Symbol  $d \notin T$  + Weltzeitwert  $\mathbf{x} \in \mathbb{N}_0$ .



# Chroniken und Zeitschaltfolgen

## Chroniken (histories) und deren erreichte Zeitmarkierungen

Induktionsbasis

$e$  ist eine Chronik von  $N$ . Sie führt zu  $TM(e) = (M_0, X := 0)$ .

Induktionsschritt

Sei  $h$  Chronik und  $TM(h) = (M, tr)$ .

Schaltung: Ist  $t$  zeitaktiviert unter  $(M, tr)$

$\Rightarrow h \circ (t, tr(x_1))$  ist Chronik und  $TM(h \circ (t, tr(x_1))) := (Mt, tr_{St(t):=0})$

Pause: Wird zwischen  $tr(x_1)$  und  $x > tr(x_1)$  keine MUSS- oder ASAP-Transition durch Zeitablauf zeitlich deaktiviert

$\Rightarrow h \circ (d, x)$  ist Chronik und

$TM(h \circ (d, x)) := (Mt, tr + x - tr(x_1))$ .

Fehlererkennung?

Deadline-Paradoxon!

**Zeitschaltfolge**

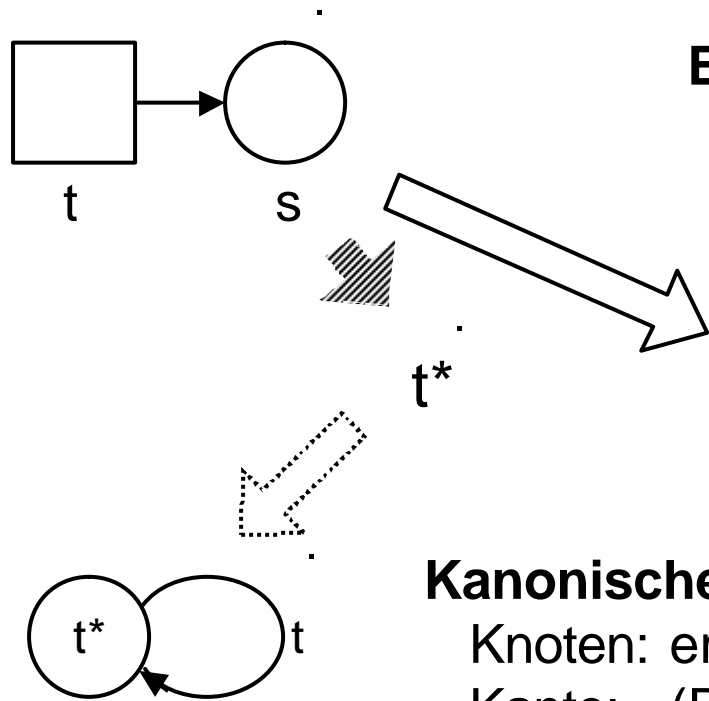
(Beobachtung, observation) von  $N$ :  
eine Chronik von  $N$ , aus der  
alle Pausen weggestrichen worden sind.

auch für  
etikettierte  
Timernetze?

# „Akzeptoren“ für zeitfreie Beobachtungen

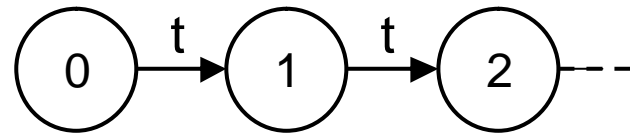
## Ziel:

möglichst einfaches (und leicht herstellbares) **Datenobjekt**,  
 anhand dessen wir **ohne Markenspiel** mechanisch **abprüfen** können,  
 ob eine gegebene Folge von Transitionen  
 eine **Schaltfolge** unseres Systems ist.



## Erreichbarkeitsgraph des ST-Systems

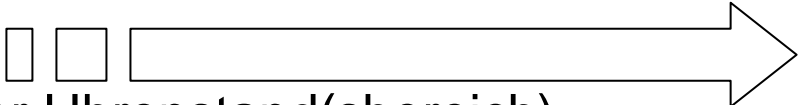
Knoten: erreichbare Markierung, mindestens  $M_0$   
 Kante:  $M[t] \rightarrow$  (Markg.  $M$ , Transition  $t$ , Markg.  $Mt$ )  
 ist Akzeptor der Schaltfolgensprache



## Kanonischer Akzeptor der Schaltfolgensprache $Occ(N)$

Knoten: erreichbare Restsprachen, Anfangsknoten  $Occ(N)$   
 Kante: (Restsprache  $L$ , Transition  $t$ , Sprache  $t^{-1}(L)$ )

# Akzeptoren für Zeitschaltfolgen

1. Methode: das **Timernetz** selbst  
Folge „nachspielen“  
→ etwas **umständlich**: Markenspiel + Zeitprüfungen
2. Methode **Zeit-Erreichbarkeitsgraph**  
Knoten: Zeitmarkierung  
Kanten: Zeitschaltung  
+ kein „Markenspiel“ mehr  
– **sehr viele Knoten und Kanten**, falls  
keine Obergrenze/ dichter Zahlenbereich sogar  $\infty$  viele
3. Methode **Zonen-Erreichbarkeitsgraph**   
Knoten: Markierung + Wissen über Uhrenstand(sbereich)  
Kanten: Transition (+ Timerbedingung + Timerstarts)  
+ kein „Markenspiel“ mehr  
+ rein zeitlich unerreichbare **Markierungen fallen weg**  
– noch mit Zeitprüfungen (linearer Aufwand)  
– ggf. noch gleiche Markierung „mit **verschiedenem** Wissen“

# Der Zonen-Erreichbarkeitsgraph

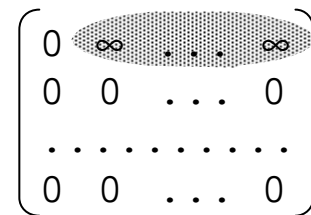
vorläufig nur **KANN-Trans.!**

Prinzip: Transitionen führen von Zone zu Zone;  
erreichte Zone = erreichte Markierung  
+ Wissen über Uhrenstände (aus Vorgeschichte)



Typ: Knoten: **Zone := (Markierung, Timerbed. in kanon. Form)**

Kantenanschrift: Transition



← stets!!

induktiv:

- Anfangsknoten:  $(M_0, K(tc_0))$

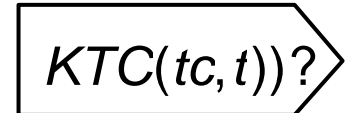
- $(M, tc)$  Knoten UND  $M[t]$  UND  $tc \wedge TC(t)$  **lösbar**  $\Rightarrow$

a)  $(Mt, KTC(tc, t))$

Knoten und

b)  $(M, tc) \xrightarrow{(t, KTC(tc, t), St(t))} (Mt, KTC(tc, t))$

Kante.



# Dynamik der Timerbedingungen: $KTC(tc, t)$

Wie ändert sich unser Uhrenwissen bei einer Schaltung von  $t$ ?

Zunächst: bisheriges Wissen + „ $TC(t)$  erfüllt“

- neu gestartete Timer „übernehmen die Rolle von 0“ im Vergleich zu weiterlaufenden
- je zwei neu gestartete Timer laufen gleich
- alle Timer wieder einzeln unbeschränkt,  $x_i \leq \infty$
- in kanonische Form bringen  $\rightarrow KTC(tc, t)$

ZEG ist  $t$ -deterministischer **Timed Automaton** (evtl.  $\infty$ )

$\rightarrow$  Helm-Tiger-Effekt 😊

# Timed Automata (Alur, Dill 1990-1994)

Ein **Zeitautomat (timed automaton)** ist ein 6-Tupel  $A = (L, L_0, \Sigma, X, I, E)$ , wobei

- |  |                    |                                    |                              |
|--|--------------------|------------------------------------|------------------------------|
| • $L$  | endliche Menge von | <b>Lokationen;</b>                 |                              |
| • $L_0 \subseteq L$  |                    | <b>Anfangslokationen;</b>          |                              |
| • $\Sigma$   | endliche Menge von | <b>Etiketten;</b>                  |                              |
| • $X$  | endliche Menge von | <b>Uhren;</b>                      |                              |
| • $I: L \rightarrow \Phi(X)$   |                    | <b>Invarianten</b> der Lokationen; | ⏟<br>(Timerbe-<br>dingungen) |
| • $E \subseteq L \times \Sigma \times \Phi(X) \times \mathbf{P}(X) \times L$ |                    | <b>Schaltungen</b> von $A$ .       |                              |

**Zeit** vergeht beim Aufenthalt in Lokationen.

**Schaltung**  $(s, a, j, I, s')$

- **überführt** den Automaten **schlagartig** von einer Lokation zur nächsten, deren **Invariante** true sein und bleiben muss (sonst (nicht hin) – bzw. weg);
- geht nur wenn  $j$  mit den aktuellen Uhrenständen (anfangs 0) **true** ergibt;
- setzt die Uhren in  $I$  auf 0

➔ **natürliche Semantik** von Beobachtungsfolgen

( $\Sigma$ -deterministischer) TA ist **brauchbarer Akzeptor** für *Obs.*

# Zeitinvarianz in DORTS und Timernetzen

Definition **Zeitverschiebung**:  $obs + \mathbf{d} := ((v_1, t_1 + \mathbf{d}), \dots, (v_n, t_n + \mathbf{d}))$

(Zeit(translations)) **Invarianz**:  $Obs(sys) + \mathbb{R}_{\geq 0}$  bzw.  $\mathbb{N}_0 \subseteq Obs(sys)$

Hinreichend bei Timernetzen:  $t_1$  (Weltzeit) wird nicht benutzt

→ Im ZEG werden **alle**  $t_1$ -Komponenten weggelassen.

# Rücknahme der Vereinfachungen

- Timerbedingungen mit  $<$ ,  $>$ ,  $=$ ,  $\vee$  oder  $\neg$
- reelle oder rationale Zahlen als Zeitwerte
- ZEG bei Timernet mit MUSS-Transitionen?
- ZEG bei Timernet mit ASAP-Transitionen?

## Erweiterungen

- Etikettierte Timernetze



# Erweiterte Timerbedingungen

Bei  $<$  und  $>$  brauchen wir (in dichten Zahlenbereichen)

1-Bit-**Anzeige** in DBM, ob  $<$  oder  $\leq$ ,

z.B. Zahlen mit Superskript  $,<'$ :  $x \leq 10^{<}$   $:\Leftrightarrow x < 10$ .

Rechenregeln:  $\text{Min}(a, a^{<}) := a^{<}$ ,  $a + b^{<} := (a + b)^{<}$ , ...

Bei  $\vee$  oder  $\neg$ :

TC-Lösungsmengen **nicht mehr** einfache **konvexe** Mengen

TCs **nicht mehr** als **DBM** zu charakterisieren

→ Berechnen schwieriger – aber nicht unmöglich (**BDD**-Methoden).

**ZEG** wird analog definiert,

ist immer noch (entsprechend erweiterter) Timed automaton.

# Erweiterte Zahlenbereiche für Zeiten

Bei rationalen oder reellen Zahlen für Zeitangaben  
alles analog, aber ...

- in Timerbedingung einer **ASAP**-Transition nur  
„**inclusive Untergrenze**“  $a \leq x_j$  zulässig;  
bei  $a < x_j$  evtl. kein frühester Zeitpunkt!
- kein Ersatz mehr durch ausmodellerte Zählermechanismen.

# ZEG bei Anwesenheit von MUSS-Transitionen

$(M, tc) \rightarrow (Mt, KTC(tc, t))$  – weiterrechnen!

## erweiterte Timerbedingungen

$tc = true \mid x_i Rc \mid x_i R x_i \mid (tc \wedge tc) \mid (tc \vee tc) \mid \neg tc$  ( $\neg$  bzw.  $\vee$  genügt)

In  $(Mt, KTC(tc, t))$  seien z.B.  $m$  **MUSS-Transitionen** markenaktiviert.

$2^m$  **Kombinationen**  $\rightarrow$  unter erweiterter Timerbedingung

$tc \wedge tc_{a_1} \wedge \dots \wedge tc_{a_k} \wedge \neg tc_{b_1} \wedge \dots \wedge tc_{b_{(m-k)}}$

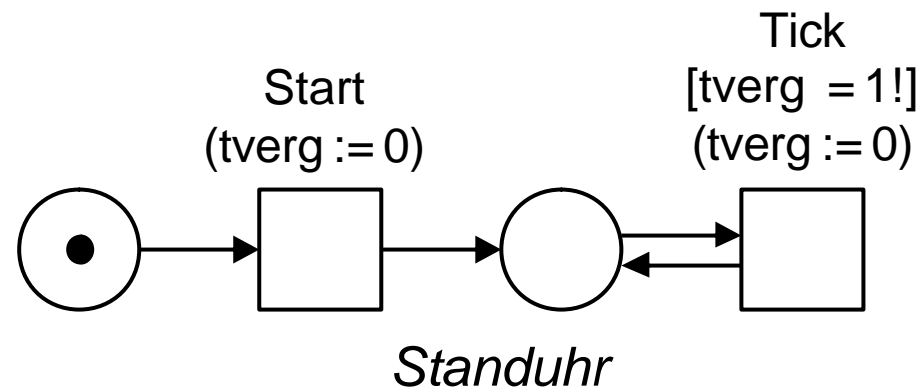
$\rightarrow$  spezifische schärfere **Beschränkung der Timerwerte** nach oben

Disjunktion über alle diese Kombinationen, spez. Kanonisierung  $\rightarrow KTC'(tc, t)$

**Viele Timer  $\rightarrow$  Komplexitätsproblem**

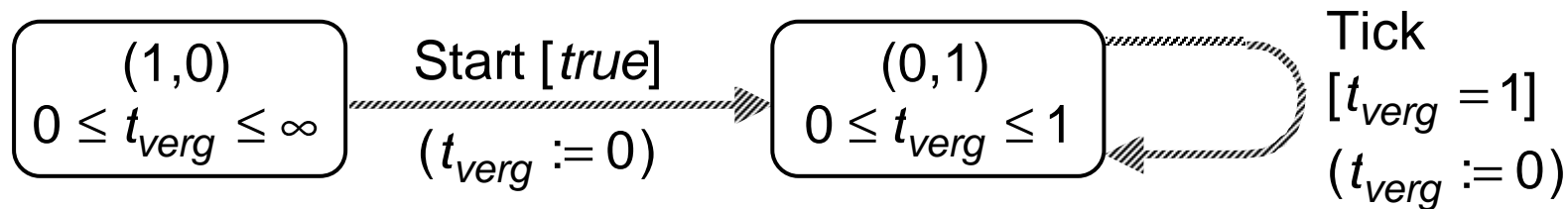
|  |
|--|
| Ähnliche Erweiterungen<br>bei Anwesenheit von<br>ASAP bzw. (MUSS und ASAP) |
|--|

# Klingt schrecklich, muss aber nicht sein ...



invariant!

Anfangszeitzone:  $0 \leq \text{tabs} = \text{tverg} \leq \infty$

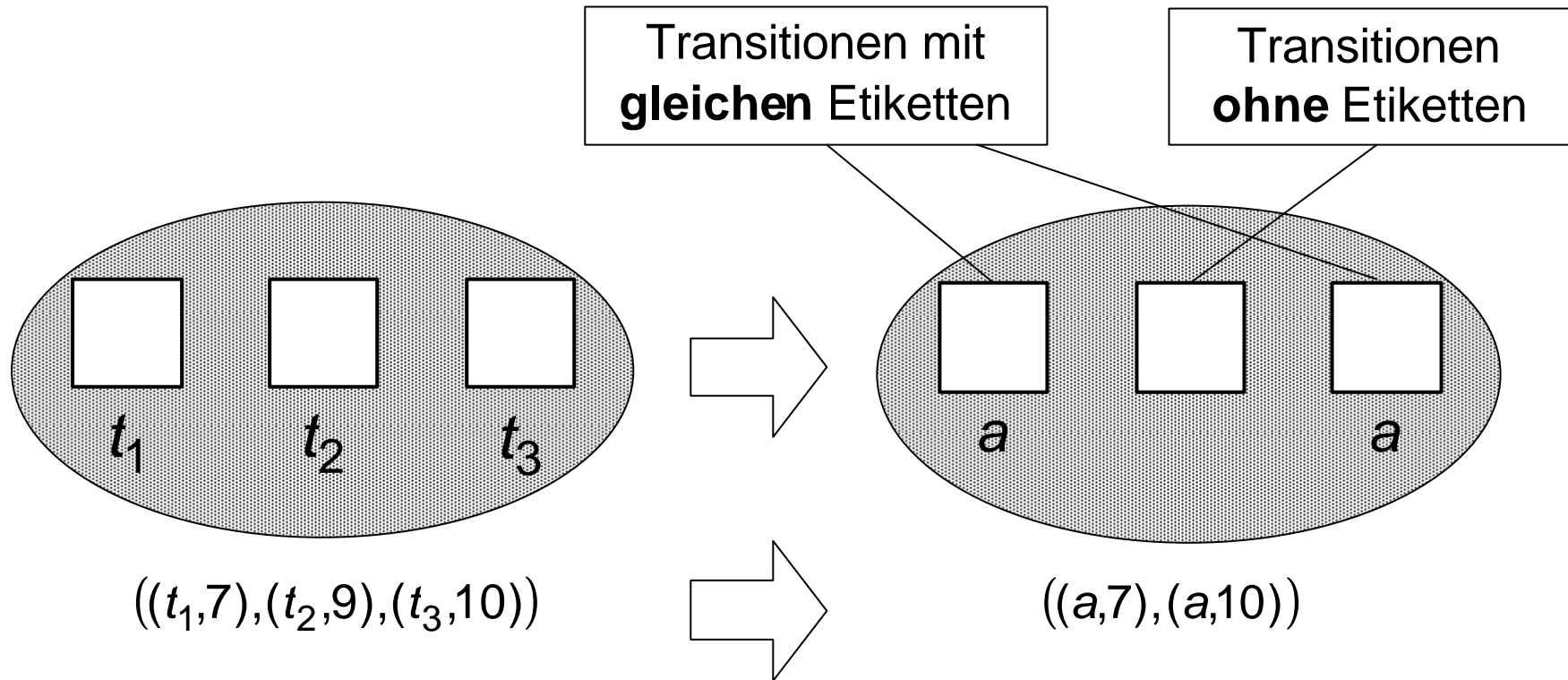


*ZEG(Standuhr)*

in benutzerfreundlicher Schreibweise

# Etikettierte Timernetze

Etikettierung:  $h: T \rightarrow A$ , partiell,  $A$  Alphabet



# Informeller Vergleich mit anderen Modellwelten

d.h. mit

- speziellen Timernetzen (→ **Orthogonalität**)
- Time-Netzen,
- Timed-Netzen.

# Time Nets (Merlin, Farber 1976. Auch: Waiting time nets)

6-Tupel  $(P, T, F, M_0, E, L)$ , wobei  
 $(P, T, F, M_0)$  ST-System und

|  |  |
|--|--|
| $E : T \rightarrow \mathbb{N}_0$                 | <b>früheste Schaltzeit</b> der Transition (E..arliest) |
| $L : T \rightarrow \mathbb{N}_0 \cup \{\infty\}$ | <b>späteste Schaltzeit</b> der Transition (L..atest)   |

**E = aktivierte Wartezeit:**

$t$  muss ununterbrochen mindestens  $E(t)$  Zeiteinheiten aktiviert sein, bevor es schaltet.

**Preemption:**

Zwischenzeitige Deaktivierung durch Transition  $u \neq t$  ist möglich.

**L = längste aktivierte Zeit:**

$t$  kann nicht ununterbrochen mehr als  $L(t)$  Zeiteinheiten aktiviert sein, ohne zu schalten (**Deadline**)

Zunächst: Anfangsmarkierung, und "Systemuhr" startet bei 0.

natürliche Semantik: (Transition, Schaltzeitpunkt) ( ... ) ( ... ) . . .

# Timed Nets (Ramchandani 1974. Auch: Reaction time nets)

5-Tupel  $(P, T, F, M_0, D)$ , wobei  $(P, T, F, M_0)$  ST-System und  
 $(P, T, F, M_0)$  ST-System und

$D: T \rightarrow \mathbb{R}_{\geq 0}$  **Schaltdauer** der Transition

Bei Aktivierung (und Gewinn des **Markenwettbewerbs**):

**Reservation:**

Einzug der Inputmarken, **busy-Zustand**;

nach  $D(t)$  Zeiteinheiten

Ausgabe der Outputmarken, Ende **busy-Zustand**;

(Konfliktregelung, Mehrfachschaltbarkeit)

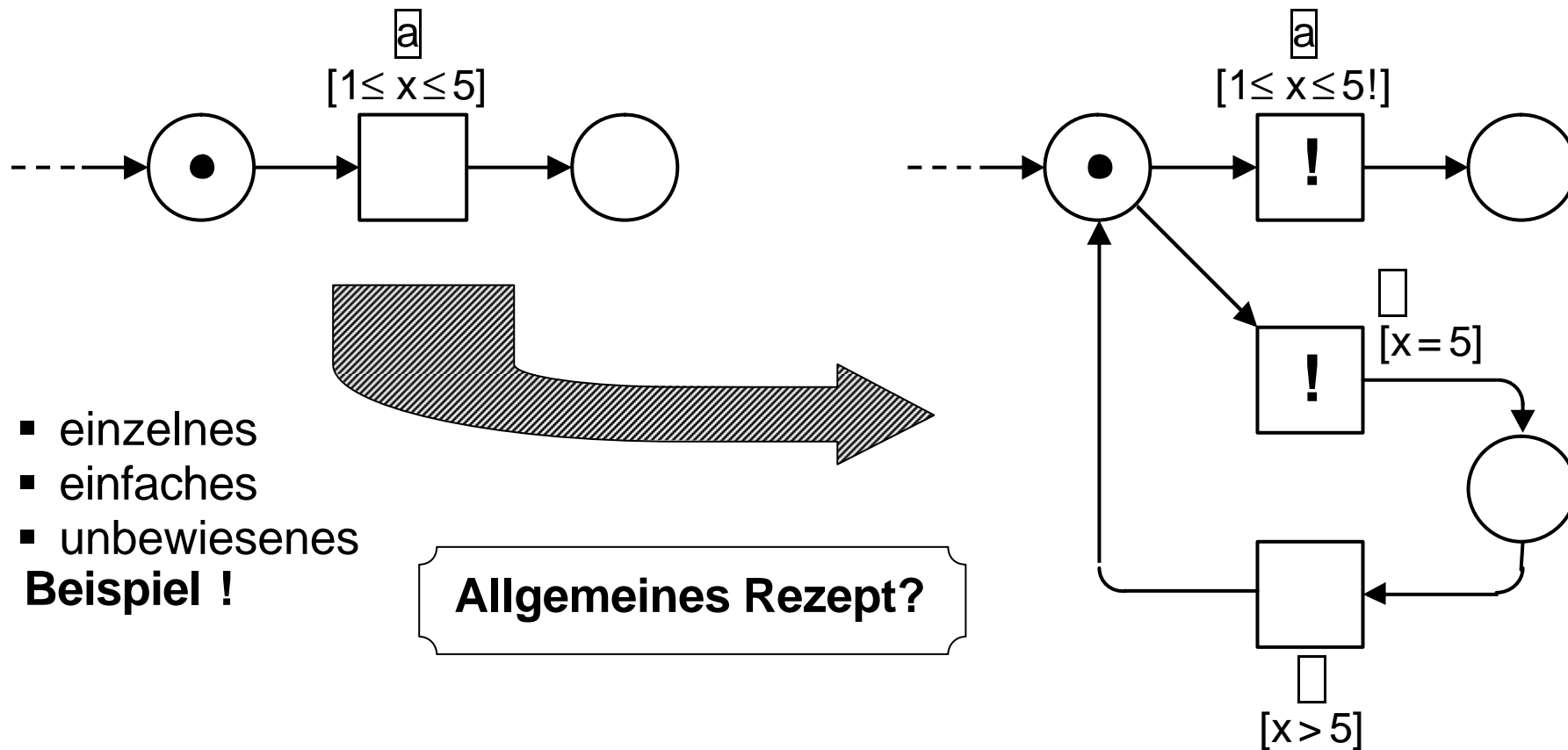
natürliche Semantik? (Transitionsanfang, Schaltzeitpunkt) ( ... ) ( ... ) . . .  
oder (Transitionsende, Schaltzeitpunkt) ( ... ) ( ... ) . . .  
oder gar (Transitionsanfang/-ende, Schaltzeitpunkt) ( ... ) ( ... ) . . .



# Simulationen: z.B. KANN durch MUSS (in Timernetzen)

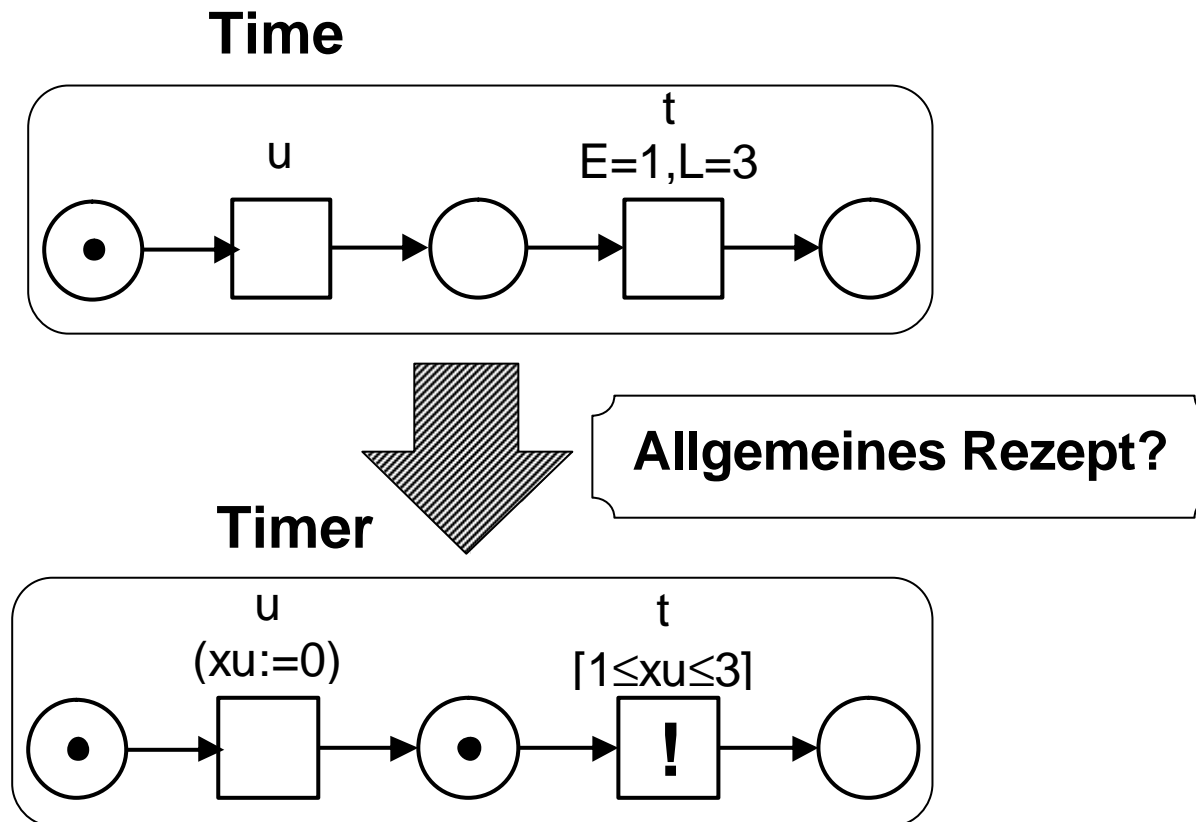
- Ähnlich:
- MUSS durch KANN und ASAP;
  - ASAP durch MUSS + weitere Uhr

in **etikettierten** Timernetzen:



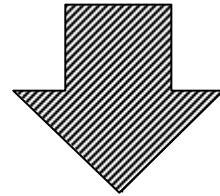
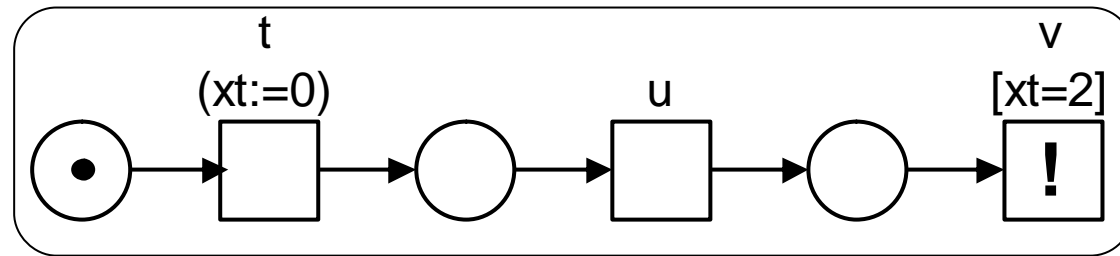
- einzelnes
  - einfaches
  - unbewiesenes
- Beispiel !**

# Simulationen: z.B. Time Nets $\rightarrow$ Timernetze

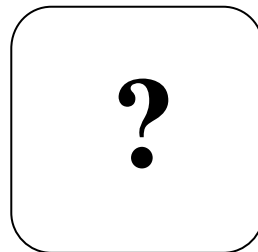


# Simulationen: z.B. Timernetze $\rightarrow$ Time Nets

Timer



Time



# Meine Fragen

Bestimmung bzw. Vergleich der

- **natürlichen Semantiken** (Beobachtungsfolgensprachen),
- **Ausdrucksmächtigkeiten**  
( $\subseteq$ - bzw. =-Beziehungen zwischen den Klassen der Beobachtungsfolgensprachen)
- **Analysemöglichkeiten** und deren **Komplexität**

bzw. Möglichkeiten **wechselseitiger Simulation**

von

- ST-Systemen mit Zeitählern,
- Time-Netzen,
- Timed-Netzen,
- Timer-Netzen (gewöhnlich/etikettiert) und
- Timed Automaten

Übergang von „zeitlichen Anforderungen“ zu Timer-Netzen  
**Requirements** → Models, Praxisnähe ...

# Hinweise

## S.4 Schaltungen – ein Beispiel

Einige Schaltfolgen

- a) Volle Runde ohne Verlust:  
Erstversand – NAnkunft – QuittungVersand – QAnkunft – Ende
- b) Behebung eines Verlusts:  
Erstversand – Nverlust – WdhVersand – Nankunft

Unerwünschte Abläufe

- c) Überflüssige Wiederholungen, z.B.:  
Erstversand – NAnkunft – WdhVersand – WdhVersand
- d) Langes Warten (nicht in Schaltfolge alleine ausdrückbar):  
Erstversand – Nverlust – <langes Warten des N-Senders> – WdhVersand – Nankunft

(c) und (d) wären vermeidbar, wenn Zeitwissen vorhanden ist. Wenn z.B. sicher ist, dass

- die Nachricht innerhalb eines Tages ankommt oder verlorenght,
- die Nachricht nach Ankunft innerhalb eines Tages quittiert wird und
- die Quittung Nachricht innerhalb eines Tages ankommt,

wird der Sender eher jeweils nach 3-4 Tagen ohne Quittungsempfang die Nachricht wiederholen als in kürzeren oder längeren Intervallen.

*Solche Aspekte darzustellen erfordert Modelle mit integrierter qualitativer Zeit.*

## S.7 KANN-Transitionen etc.

Der Kunde **darf** die Bank nach 8 Uhr betreten; er **muss** aber nicht.

Wir **können** eine Kapitallebensversicherung bis 31.12.04 noch abschließen, **müssen** aber nicht.

## **S.8 MUSS-Transitionen etc.**

Gesetzgeber und Rechtsprechung trugen früh der Tatsache Rechnung, dass **quantitative Zeitgrenzen** notwendig sind, aber **gerne vergessen werden**: Ein Vertragspartner darf dem anderen i.d.R. noch nachträglich eine Frist setzen, wenn dies beim Vertragsabschluss vergessen wurde. Sonst könnte er sich erst im Moment seines Todes (oder dem des anderen) zu Recht beklagen, dass die Vertragspflicht nicht erfüllt wurde – und dann ist es bekanntlich zu spät (St. Nimmerleins-Effekt).

Weite Bereiche der Forschung in formalen Beschreibungsmitteln haben sich trotzdem lange dagegen gesträubt, quantitative Zeit zu berücksichtigen. Allerdings enthielten ihre formalen Semantiken (→ must and may) durchweg „Beobachtungen“ die entweder erst im Unendlichen (also nie) gemacht werden konnten oder ganz konkrete Zeitbedingungen voraussetzten: Wenn meine Standuhr sekundlich tickt, weiß ich aufgrund technisch-zeitlicher Vorkenntnisse bereits nach zwei Sekunden ohne Tick, dass sie steht, also ohne Reparatur, Rütteln oder Aufziehen voraussichtlich (→ Uri Geller) nie mehr reagiert.

## **S.10 Absolute Zeit etc.**

Ich könnte das Feuerwerk per Brief bestellen, aber nicht ohne Bezug auf absolute Uhr bzw. Kalender.

Es genügt z.B. nicht zu schreiben „Ausführung genau x Tage und y Stunden nach Absenden des Briefes“ – Woher weiß der Feuerwerker wann er abgeschickt wurde?

Es genügt auch nicht zu schreiben „Ausführung genau x Tage und y Stunden nach Empfang des Briefes“ – Woher weiß ich wann er empfangen wird?

Ich könnte schreiben „genau z Stunden nach dem bekannten Flugzeugabsturz von abc“ – aber nur da ich mich vorher über dessen Uhrzeit informieren konnte (und der Feuerwerker hoffentlich auch).

## **S.12 KANN+MUSS+ASAP**

Technische Aspekte

Zeit in Minuten

anwendungsorientierte andere Zeitschreibweise

## Anwendungsaspekte

Besucher darf zur Öffnungszeit rein, muss aber nicht.

Wenn er drinnen ist, dann muss er pünktlich raus, bei Feuer aber sofort.

Systemstart (mit uhr:=0) entspricht

0:00 Uhr des Geschäftseröffnungstages (Lokalzeit)

## **S.14** Diskrete Systeme

### **... direkt oder indirekt**

Wir lassen (nach Können und Wille, vgl. unten) beliebige Beobachtungsmethoden, -umgebungen und Hilfsmittel zu. Beispielsweise existieren Viren, obwohl ich noch keine direkt gesehen habe.

### **... beobachten kann**

In den Malen, in denen wir uns begegnet sind, hätte es jedes zweite Mal an meiner Stelle auch ein verheimlichter Zwilling Bruder von mir sein können. Wir können das nicht (z.B. durch Engagement einer Detektei) bei allen Personen unserer Umgebung überprüfen lassen.

Und wenn wir es tatsächlich wollten, wären wir wahrscheinlich paranoid. Paranoide Standpunkte zeichnen sich oft dadurch aus, dass sie die unbeobachtbaren Bereiche des Alltags mit bedrohlichen Vorgängen füllen (Komplotte gegen den/ heimliche Beobachtung oder heimliche Schmähungen des Betroffenen), an die der „Normale“ nicht denkt. Logisch gesehen sind sie meist **nicht zu widerlegen**.

### **... beobachten will**

Wenn unsere IT-Abteilung eine PC-Beschaffung ausschreibt, dann ist sicher nicht von der Farbe auf der Innenseite ihrer Gehäuse die Rede. Diese ist zwar mit geringem Aufwand beobachtbar, aber sie interessiert uns absolut nicht.

### **... diskret beobachtbar**

Wir können beispielsweise einen kontinuierlichen Vorgang wie den Flug eines geworfenen Steins im Dunkeln mit einem Stroboskop beobachten. Jegliche raumzeitlichen Bahnunterschiede sind prinzipiell beobachtbar, aber evtl.

**nur mit Glück**, denn wir würden z.B. gar nicht nicht mitbekommen, wenn der Stein zwischen zwei Blitzen eine rasche Schleife flöge.

Er tut es nicht nach den Naturgesetzen. Aber wie sicher sind die Naturgesetze? Wenn wir oft benug geworfene Steine beobachten, glauben wir, dass sie immer so fliegen, wie wir das gewohnt sind. Dazu neigen wir wahrscheinlich aus Darwinistischen Gründen: Menschen, die Gestzmäßigkeiten erkennen, überleben im Schnitt länger. Aber niemand ist gewissermaßen **absolut** sicher, dass unbeobachtete geworfene Steine nicht blitzschnell ein paar fröhliche Schleifen fliegen. Keine Angst: der Autor glaubt's auch nicht; aber er bedauert, dass man es **nicht beweisen** kann. Man vergleiche diese Überlegungen mit dem philosophisch motivierten und bisher millionenfach bestätigte „Naturgesetz“, dass losgelassene Gegenstände bis zum 1.1.2500 nach unten fallen – und ab dann nach oben!

#### **S.15 DORTS**

... streng genommen: **SDORTS = sequential DORTS**, d.h. **sequentiell** diskret beobachtete Realzeitsysteme

Allgemeiner könnte man zulassen, dass verschiedene Teilsysteme zeitlich kreierte (abgespalten), wieder gelöscht und während ihrer Lebenszeit sequentiell beobachtet werden können. Dann erhalten wir in jeder Beobachtung pro sequentiell Teilsystem eine sequentielle DORTS-Beobachtung (+ in welchem Event welches Systems das Teilsystem entstand bzw. sich auflöste). Aber wir könnten nicht mehr sicher die Reihenfolge zwischen Ereignissen in verschiedenen Teilsystemen feststellen, vor allem wenn diese den gleichen Zeitstempel tragen. Anders ausgedrückt: unsere Beobachtungen sind dann keine **Folgen** sondern **Teilordnungen**.

Diese allgemeinen – ggf. **nebenläufigen** – DORTS werden **hier** aber **nicht weiter untersucht**.

Wieso **endliche** Folge?

Weil der Beobachter nur sinnvolle Ereignisse notiert, die im Vergleich zum vorigen Zustand „mindestens ein Bit verändert haben“. Dazu ist eine Mindestaufwand und eine Mindestzeit notwendig.

(Gegenbeispiel: Achilles und die Schildkröte, das Zenon-Paradoxon, wobei eine endlicher Zeitraum in unendlich viele Zeiträume zwischen letztlich ereignislosen Zeitpunkten zerlegt wird)



Man kann aus physikalischen und biologischen Gründen weder ein Beobachtungsprotokoll mit unendlich vielen Einzeleinträgen produzieren, noch eine Beobachtung über einen unendlichen Zeitraum hinweg durchführen.

### Warum **Beobachtungsbeginn** und **-ende**?

Mittels des **Beobachtungsendes** kann ich (z.B.) Fristüberschreitungen belegen. Ein Beispiel:  
Annahme: Der Getränkeautomat soll innerhalb 5 Sekunden nach Geldeinwurf und Wahl das Getränk herausgeben.  
OK: Münzeinwurf 12:00:00, Colaknopf gedrückt 12:00:05, Coladose herausgegeben 12:00:08  
nicht OK: Münzeinwurf 12:00:00, Colaknopf gedrückt 12:00:05, wütend weggegangen (=Ende der Beobachtung)  
12:01:30

Mittels des **Beobachtungsbeginns** kann ich (z.B.) belegen, dass das System Zeit hatte, in den Grundzustand zurückzukehren. Ein Beispiel.

Die B-Cola-Konkurrenz späht den regelmäßigen Test der A-Cola-Automaten aus. Während der A-Cola-Tester sich dem A-Cola-Automat nähert, wirft der Konkurrent heimlich eine Münze ein, wählt Cola und verschwindet.

**Naives** Beobachtungsprotokoll: „Als erstes gab der Automat eine Coladose heraus, ohne dass ich Geld einwarf.“ Naive Reaktion: Der Automat wird wegen des vermeintlichen Defektes ausgetauscht.

**Besser**: „Beobachtungsbeginn 12:00:07, Coladose herausgegeben 12:00:08, Kommentar: möglicher aber nicht bewiesener Automatenfehler (denkbar: vorheriger Münzeinwurf vor Beobachtungsbeginn) und Testfortsetzung wie geplant aber vorsichtshalber Menge der relevanten Beobachtungsereignisse um Inventur (Vergleich der Einnahmen und Ausgaben) erweitert,“ usw.

### **S.16** DORTS-Frage

#### **Warum nicht streng wachsende Zeitpunkte?**

Weil mehrere Ereignisse stattfinden können, bevor die Uhr eine Einheit weiterrückt.

Trotzdem kann eine **Reihenfolge** der Ereignisse zum gleichen Uhrenstand sinnvoll sein. Wenn wir beispielsweise einen Schnellkopierer (5 Kopien/sec) mit einer Uhr mit Sekundenzeiger testen, können wir trotzdem sowohl die Leistungsangabe überprüfen als auch nachsehen ob die 5 Kopien des gleichen Uhrzeigerstandes in der korrekten Reihenfolge herauskamen.

### **Zenon-Problem (vgl. oben)**

Es ist i.a. unerwünscht, dass in einem beschränkten Zeitraum beliebig bzw. unendlich viele Ereignisse stattfinden. Wir ersparen uns die Definition von Nicht-Zenon-Netzen und überlassen es dem Modellierer (bzw. bürden es ihm auf), den zeitverbrauch geeignet zu modellieren, dass keine Zenoneffekte auftreten.

### **S.16 DORTS-Vereinfachungen**

#### **Ganzzahlige Zeitangaben**

Zeiten werden i.a. als Dezimalzahlen bis zu n Stellen hinter dem Komma benötigt und abgelesen, bei festem n. Wir wählen z.B. den kleinsten ablesbaren Zeitabstand  $10^{-n}$  als Zeiteinheit.

#### **Nichtnegative Zeitangaben**

Alle Uhren außer ggf. der absoluten laufen ab 0 vorwärts. Als Nullmoment der Absolutzeit wählen wir einen Zeitpunkt vor allen interessierenden Ereignissen, vgl. S.23

#### **< bzw. > brauchen wir nicht**

So können wir z.B.  $x < p$  durch  $x \leq 3$  ersetzen.

#### **a bzw. W brauchen wir nicht in ihrer Sonderrolle.**

Wenn wir es dem Modellierer aufbürden, geeignete Transitionen für Beobachtungsbeginn und -ende hinein zu modellieren, dann reichen normal modellierte Ereignisse als Folgliedern.

### **S.23 Timernetze**

... wurden 1990 im Buch „Petri-Netze“ des Autors informell und noch nicht mit allen hier vorgestellten Merkmalen eingeführt. Grund war der Eindruck, dass Timernetze praktisch verständlicher und problemnäher als die damals bekannten zeitbewerteten Netzmodelle (vgl. S.38 ff) sein könnten. Aus Zeitmangel hätte der Autor nichts dagegen gehabt, wenn andere daraufhin die Timernetze formalisiert und analysiert hätten. Dies fand aber nicht statt.

Interessanterweise verallgemeinern die Timernetze die Timed Automata (vgl. S.30) etwa so, wie ST-Systeme die Automaten verallgemeinern. Beide Modelle wurden indessen etwa zeitgleich und unabhängig voneinander

vorgestellt. Allerdings wurden Timed Automata sofort formal eingeführt und erforscht, und mittlerweile existiert darüber eine reiche Literatur.

## **S.25 Chroniken und Zeitschaltfolgen**

### **Das Problem der ungestarteten Uhren**

Zur Vereinfachung der Timernetz-Definition werden beim Systemstart fiktiv alle Uhren gleichzeitig bei 0 gestartet. Dies hat den Nachteil, dass man hinterher schlecht erkennen kann, ob man eine Uhr abliest, die man bewusst zum richtigen Moment gestartet hat oder eine, die man eigentlich vergessen hat zu starten – sie läuft ja von alleine. Ein die Timernetze unterstützendes Tool kann aber diesbezüglich leicht Buch führen und jedes Ablesen einer nur implizit gestarteten Uhr mit einer Warnung versehen.

Über Jahre waren die Timernetze so definiert, dass ungestartete Uhren einen erkennbaren Sonderwert hatten und die sie ablesende Timerbedingung den Wert „false“ erhielt. Aber auch diese Variante macht nur zusammen mit einer Warnung Sinn, da sonst nicht erkennbar ist, ob die Transition wegen des Ablesens einer nicht ablesbaren Uhr oder lediglich wegen Nichterfüllung der Zeitbedingung nicht schaltete. Insofern war diese Lösung nicht wirklich besser als die nun gewählte definitorisch einfachere.

### **Deadline-Paradoxon**

Es ist typisch, dass hier eine ungestörte Pause, ein reines Zeitvergehen, nur möglich ist, wenn zu erfüllende Zeitbeschränkungen dies nicht verhindern. Wer verspricht, bis Feierabend alles zu erledigen, verspricht (zumindest rein logisch), dass bei unerledigten Resten eine Sekunde vor Feierabend die Welt stehenbleibt!

## S.26 Akzeptoren

$\text{Occ}(N)$  ist die Menge der Schaltfolgen von  $N$ .  $t^{-1}(L)$  ist die Menge aller Wörter  $w$  mit  $tw \in L$

## S.29 Dynamik der Timerbedingungen

Beim Helmtiger-Effekt führt man die Beantwortung einer neuen (und nur schwer verständlichen) Frage auf die existierende (aber keineswegs einfache) Antwort einer anderen Frage zurück.

*Der Helmtiger-Witz ist ein harmloser Kinderschmerz: „Weißt Du wie man einen Helmtiger fängt?“ – Das Kind antwortet aus doppeltem Grund „Nein“: es weiß ja noch nicht einmal, was ein Helmtiger sein soll, geschweige denn wie man ihn fängt! Dann erzählt man eine langwierige Geschichte (unterschiedliche Versionen), an deren Ende der Helmtiger angeblich wütend seinen Helm auf den Boden wirft – „... und dann kann man ihn fangen wie jeden anderen Tiger auch.“*

Über Timed Automata existiert eine reiche Literatur. Normale Tiger wurden bereits in großer Zahl gefangen.

## S.33 Erweiterte Timerbedingungen

BDDs sind binary decision diagrams. Sie entsprechen aussagenlogischen Termen mit lediglich einem Konnektor IF-THEN-ELSE, den Konstanten *true* und *false* und Aussagevariablen. Sie lassen sich auf eine (graphisch gut verständliche) kanonische Form reduzieren, bei der Äquivalenz und Identität zusammenfallen. BDDs sind so etwas wie die moderne Allzweckwaffe der Aussagenlogik.

## S.34 Erweiterte Zahlenbereiche

Wenn eine ASAP-Transition zur Zeit 3,5 markenaktiviert wird, aber ihre Zeitbedingung erst die Schaltung zur Zeit  $>4$  erlaubt, müsste sie zum ersten Zeitpunkt  $>4$  schalten – bei rationalen oder reellen Zeitwerten eine Unmöglichkeit!

## **S.34 ZEG bei MUSS-Transitionen**

### **Ähnliche Effekte durch ASAP:**

Beim Parsen ist (mittels Buchführung) sicherzustellen, dass ASAP-Transitionen

- ebenfalls die Lebenszeit ihrer aktivierenden Zeitmarkierungen beschränken und
- zum gleichen Zeitpunkt schalten müssen
  - wie die Transition, die sie sofort aktivierte, oder, wenn sie nicht gleich zeitaktiviert war
  - in dem die kleinstmögliche Pause endete, die sie aktivierte.

## **S.41-43 Simulationen**

**Dies sind nur ad hoc erfundene informelle Beispiele für intuitive Übersetzungen bzw. einen schwerer übersetzbaren Fall**

Sie sind nicht als korrekte Übersetzung mit gleicher natürlicher Semantik mathematisch bewiesen.

Erst recht ist hier noch kein Übersetzungsalgorithmus angegeben.

Und im letzten Beispiel ist die Unübersetzbarkeit nicht behauptet, geschweige denn bewiesen.

Das Ganze ist hier nur „angedacht“.

Im Gegensatz zu 1990 (vgl. Notizen zu S.23) wird das Thema aber nun weiter verfolgt. 😊